

Elementare Geometrie

Abgabe: Donnerstag, 4.12.2014 bis 12:00 Uhr im Übungskasten dieser Vorlesung.

33. Es sei E die absolute Ebene und $P \neq Q$ Punkte in E . Betrachten Sie die Abbildung

$$f : E \rightarrow \mathbb{C}; \quad X \mapsto PX \cdot e^{i\angle QPX}.$$

Zeigen Sie:

- a) Die Abbildung f ist stetig, bijektiv und hat eine stetige Umkehrabbildung f^{-1} .
- b) f ist eine Isometrie genau dann, wenn E die Euklidische Ebene ist.

34. Es seien A, B, C, D paarweise verschiedene Punkte in der absoluten Ebene. Zeigen Sie, dass aus

$$2\angle ABC + 2\angle BCD \equiv 0$$

die Parallelität von (AB) und (CD) folgt.

Bemerkung: Die Ergebnisse aus section 8 dürfen nicht verwendet werden.

35. Es sei $\square ABCD$ ein konvexes Sehnenviereck in der absoluten Ebene. (Siehe Aufgabe 18.) Zeigen Sie, dass die Summe zweier gegenüberliegender Winkel gleich der Summe der beiden übrigen ist.
36. Es seien $\triangle ABC$ und $\triangle A'B'C'$ Dreiecke in der absoluten Ebene, so dass

$$AB = A'B', \quad \angle ABC = \pm \angle A'B'C' \quad \text{und} \quad \angle BCA = \pm \angle B'C'A'$$

gilt. Zeigen Sie: $\triangle ABC \cong \triangle A'B'C'$.

Bemerkung: Die Innenwinkelsumme von Dreiecken in der absoluten Ebene ist möglicherweise ungleich π .